

تبينه م Heg : الإجابات المكررة عن أسئلة الاختبار من متعدد والصواب والخطأ لن تقدر ويتم تقيير الإجابة الأولى فقط.

الأسئلة في صفحتين

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة

أولاً : أجب عن السؤال الآتي :

السؤال الأول : ( ٧ درجات )

$$(1) \text{ ارسم منحنى الدالة } d \text{ حيث } d(s) = \frac{1}{s-2} \text{ ومن الرسم استنتج كلا من}$$

المدى واطراد الدالة وبين نوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك.

(ب) في المتتابعة الهندسية (٨١ ، ٢٧ ، ٩ ، ... ) أوجد قيمة الحد الثاني عشر ،

ثم أوجد مجموع هذه المتتابعة إلى مala نهاية .

ثانياً : أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يأتي :

السؤال الثاني : ( ٦ درجات )

(١) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن :

$$\frac{1}{لو ٤٥ + لو ٨١ - لو \frac{٢٥}{٧٣٩}} + \frac{٢٥}{٧٣٩} = ٢$$

(ب) متتابعة حسابية لها الخامس يساوى ١٩ وحدتها السابعة يزيد عن حدتها الثالث بمقدار ١٢

أوجد هذه المتتابعة ثم أوجد مجموع العشرين حداً الأولى منها .

[ بقية الأسئلة في الصفحة الثانية ]

السؤال الثالث : (٦ درجات)

(١) أوجد مجموعة حل المعادلة:  $s^2 + 2s - 14 = |s + 1|, s \in \mathbb{C}$

(ب) متتابعة هندسية جميع حدودها موجبة ومجموع حدتها الرابع والخامس يساوى ٧٢

وتحدها السادس يساوى ٩٦ ، أوجد المتتابعة ثم أوجد مجموع العشرة حدود الأولى منها.

السؤال الرابع : (٦ درجات)

(١) حل المعادلة:  $s^4 - 3s^2 \times s^2 - 4 = 0$

(ب) الوسط الحسابي للعددين ٨ ، ٢  $s^2$  يزيد عن وسطهما الهندسي الموجب بمقدار ٩

أوجد قيمة  $s$ .

السؤال الخامس : (٦ درجات)

(١) إذا كان  $s^{2+} = 7^{s-1}$  فأوجد قيمة  $s$  لأقرب عدد صحيح.

(ب) إذا كان د دالة حيث  $d(s) = 2s^2 + b s + 3$  ،  $d(4) = -5$

وكان  $s = 1$  هي معادلة محور التمايل لمنحنى الدالة فلأوجد قيمتي  $b$  ،  $s$

ثم ارسم منحنى الدالة د ومن الرسم عين المدى.



الدرجة العظمى ( ٢٥ )

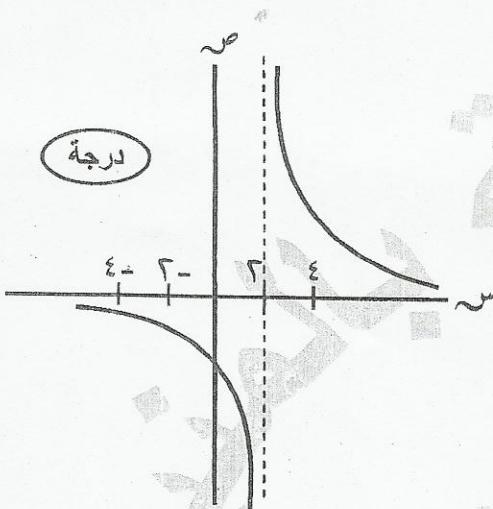
الدرجة الصفرى ( - )

جمهورية مصر العربية  
وزارة التربية والتعليم  
امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة  
لعام ٢٠١٢ م [ ٣٧ ] نموذج إجابية ( الجبر ١ )

الدور الأول - المرحلة الأولى

عدد الصفحات ( ٥ )

إجابة السؤال الأول ( ٧ درجات )



( ١ ) ( ٤ درجات )

• المدى = ع - { صفر }

• الدالة تناقصية في الفترة [ - ∞ , ٢ ]

ذلك الدالة تناقصية في الفترة [ ٢ , ∞ ]

• الدالة ليست زوجية وليس فردية

( ٢ ) ( ٣ درجات )

$$\text{نصف} \quad \frac{1}{3} = \frac{27}{81} = ٣ ، ٨١ = ٣$$

$$\text{نصف} \quad ١١ \left( \frac{1}{3} \right) \times 81 = ١١ \times ٣ = ٣٣ = ع$$

$$\text{نصف} \quad \frac{1}{2187} =$$

$$\frac{1}{3 - 1} = \infty \therefore$$

$$\frac{81}{\frac{1}{3} - 1} = \infty \therefore$$

$$\text{نصف} \quad 121 - \frac{1}{3} = \frac{3}{2} \times 81 =$$

( تراعى الحلول الأخرى )

إجابة السؤال الثاني (٦ درجات)

(١) (٣ درجات)

$$\begin{array}{r}
 \text{واحد} \\
 81 \times \frac{50}{729} \times 40 \\
 \hline
 \text{نصف} \quad \frac{1}{8} \\
 \hline
 \text{نصف} \quad \frac{8 \times 81 \times 50 \times 40}{729} = \text{لو} \\
 \text{نصف} \quad \text{لو} 1000 = \\
 \text{نصف} \quad 3 =
 \end{array}$$

حل آخر

$$\begin{array}{l}
 \text{لو} 45 + \text{لو} \frac{50}{729} + \text{لو} 81 - \text{لو} \frac{1}{8} \\
 = \text{لو} (45 \times 81 \times \frac{50}{729}) \\
 = \text{لو} 1000 \\
 = 3
 \end{array}$$

(٢) (٣ درجات)

$$\begin{array}{l}
 \text{نصف} \quad (1) \dots \quad 19 = 5 + 4 \leftarrow 19 = 5 + 4 \\
 12 = (5 + 4) - (5 + 4) \leftarrow 12 = 2 \\
 \text{نصف} \quad (2) \dots \quad 3 = 5 \quad \therefore 12 = 2
 \end{array}$$

بالتعويض في (١)

$$19 = 3 \times 4 + 1 \therefore$$

$$\text{نصف} \quad \boxed{7 = 2} \quad \therefore$$

$$\therefore \text{المتابعة هي } (7, 10, 13, 16, \dots)$$

$$\text{نصف} \quad ج_n = \frac{n}{3} [5 + 2n + (1 - n)]$$

$$[3 \times (1 - 20) + 7 \times 2] \frac{20}{3} = 20 \therefore$$

$$\text{نصف} \quad 710 = [71] 10 =$$

(تراعي الحلول الأخرى)

إجابة السؤال الثالث (٦ درجات)

(٤) (٣ درجات)

$$\therefore s^2 + 2s - 14 = |s + 1|$$

عندما  $s > -1$ عندما  $s \leq -1$ 

$$\therefore s^2 + 2s - 14 = (s+1)(s+2)$$

$$s^2 + 2s - 14 = 2s - 2$$

$$s^2 + 2s - 12 = 0$$

$$(s+2)(s-1) = 0$$

$$s = -2 \text{ مرفوض} \quad \text{أو} \quad s = 1$$

نصف

$$s^2 + 2s - 14 = (s+1)(s+2)$$

$$s^2 + 2s - 14 = 2s + 2$$

$$s^2 - 16 = 0$$

$$s = 4 \quad \text{أو} \quad s = -4$$

نصف

$$\therefore \text{مجموعة الحل} = \{-4, 4\}$$

(٥) (٣ درجات)

$$72 = 2^x + 0$$

$$96 = 2^y$$

$$\frac{96}{72} = \frac{2^y}{2^x}$$

$$2^y - 2^x = 4$$

$$\frac{2^y - 2^x}{2^x} = \frac{4}{2^x}$$

$$2^{y-x} - 1 = 2^2$$

$$2^{y-x} = 4$$

$$y-x = 2$$

$$y = x + 2$$

$$\therefore \text{المتابعة هي } (3, 5), (6, 8)$$

$$\frac{(1-2)^2 - (1-3)^2}{1-2} = 10 \therefore \frac{1-(2^y - 2^x)}{1-2} = 10$$

$$\therefore 2^y - 2^x = 30 \quad 2^y = 30 + 2^x$$

(تراعي الحلول الأخرى)

اجابة السؤال الرابع (٦ درجات)

(٤) (٣ درجات)

$$\text{نصف} \quad (s^2 - 3s - 4) \leftarrow s^2 - 3s - 4 = \text{صفر}$$

$$\therefore (s^2 + 1)(s - 4) = \text{صفر}$$

نصف نصف

نصف  $s = 1$  مرفوضأو  $s = 4$  $s = 2$  مرفوض $s = 2$  ←

(٥) (٣ درجات)

$$\text{نصف} \quad s^2 - 2s - 8 = 9$$

نصف

$$\therefore 4 + s^2 - 4s - 9 = 0$$

عندما  $s < 0$ :

$$\text{نصف} \quad 4 + s^2 - 4s - 9 = 0 \quad \therefore s = 4 + s^2 - 4s - 9 = \text{صفر}$$

$$s^2 - 4s - 5 = \text{صفر}$$

$$(s - 5)(s + 1) = \text{صفر}$$

$$\text{أو } s = 1 \text{ مرفوض}$$

نصف

$$\text{نصف} \quad 4 + s^2 - 4s - 9 = 0 \quad \therefore s = 4 + s^2 - 4s - 9 = \text{صفر}$$

$$s^2 - 4s - 5 = \text{صفر}$$

$$(s - 5)(s + 1) = \text{صفر}$$

$$\text{أو } s = -1 \text{ مرفوض}$$

نصف

(تراعي الحلول الأخرى)

إجابة السؤال الخامس (٦ درجات)  
 (١) (٣ درجات)

$$\therefore 3s^2 + s - 1 = 0$$

$$\therefore \ln 3s^2 + s - 1 = 0$$

$$\therefore (s+2)(\ln s - 1) = (\ln s - 1)(\ln 7)$$

$$\therefore s \ln 3 + 2 \ln s - s = s \ln 7 - \ln 7$$

$$\therefore s \ln 3 - s \ln 7 = -2 \ln s - \ln 7$$

$$\therefore s(\ln 3 - \ln 7) = -2 \ln s - \ln 7$$

$$\therefore s = \frac{-2 \ln s - \ln 7}{\ln 3 - \ln 7}$$

$$\therefore s \approx 0.88$$

نصف  
نصف  
نصف  
نصف  
نصف  
نصف  
نصف

(٢) (٣ درجات)

رسالة يقع على محور تماثل منحنى الدالة

رسالة عند  $s = 2$

درجة

$$1 = \frac{b^2 - 4}{b^2 - 4} \dots$$

حل ثالث لهذه الجزئية  
 $\therefore s = 1$  هي معادلة محور تماثل منحنى الدالة

$$\therefore d(4) = d(-4)$$

$$\therefore b^3 + b^4 + b^2 - 4 = b^3 + b^4 + b^2 - 4$$

$$\therefore b^2 - 4 = b^2 - 4$$

$$\therefore b^2 - 4 = b^2 - 4$$

حل آخر لهذه الجزئية

بفرض أن  $(s_1, صفر)، (s_2, صفر)$  هما نقطتى  
تقاطع المنحنى مع محور السينات  
 $\therefore s = 1$  هي معادلة محور تماثل منحنى الدالة

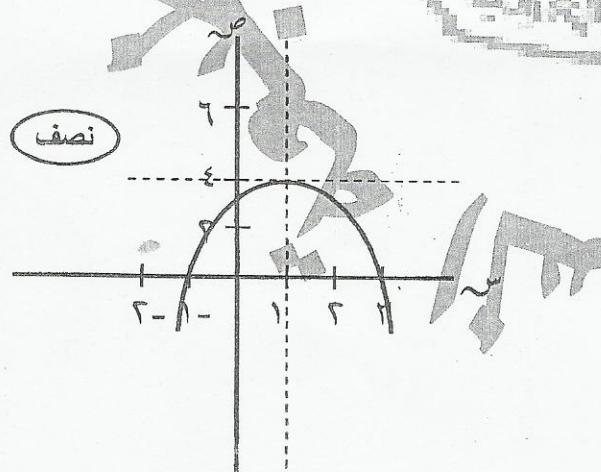
$$\therefore s_1 + s_2 = 1 \leftarrow s_1 + s_2 = 2$$

مجموع جزئي المعادلة  $d(s) = صفر$  يساوى ٢

$$\therefore b^2 - 4 = 0 \leftarrow b^2 - 4 = 0$$

$$0 = 3 + b^4 + 4 \leftarrow 0 = 3 + b^4 + 4$$

$$8 = 28 \therefore$$



$$b = 1 - x \leftarrow b = 1 - x$$

$$2 = b \therefore$$

$$\therefore d(s) = -s^3 - s^2 + s + 4$$

$$= -(s^3 + s^2 + s + 4)$$

$$= -(s^3 + 1 + s^2 + s)$$

المدى  $= [-\infty, 4]$

نصف

نصف

نصف

نصف

(تراعي الحلول الأخرى)

(انتهى نموذج الإجابة)